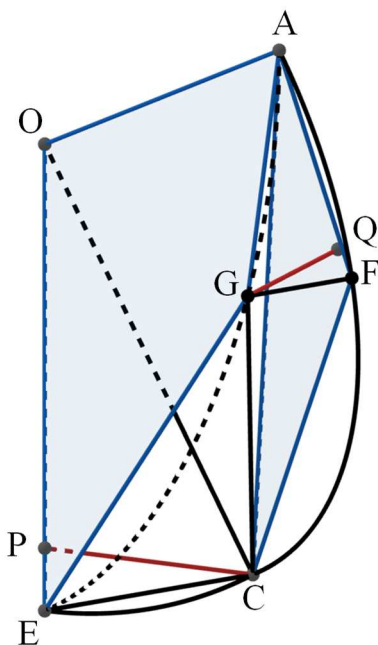


【別解】



四角錐 C-OAGE と、三角錐 G-ACF に分ける。

①, 四角錐 C-OAGE

$$\text{四角形 OAGE} = \frac{\sqrt{3}}{4}r^2 + \frac{r^2}{4} = \frac{\sqrt{3}+1}{4}r^2$$

点 C から面 OAGE に垂線を下ろし交点を P とすると、点 P は OE 上にあるから

$$(\text{面 OAGE} \perp \text{面 OEC}), \quad CP = \frac{r}{2},$$

$$\text{体積は} \frac{1}{3} \times \frac{\sqrt{3}+1}{4}r^2 \times \frac{r}{2} = \frac{\sqrt{3}+1}{24}r^3$$

②, 三角錐 G-ACF

$$\triangle AGF = \frac{\sqrt{3}+1}{4}r^2 - \triangle OAC = \frac{\sqrt{3}-1}{4}r^2$$

点 G から面 OAF C に垂線を下ろし交点を Q とすると

$$GQ = \frac{1}{2}CP = \frac{r}{4} \quad (\text{※}), \quad \text{体積は}, \quad \frac{1}{3} \times \frac{\sqrt{3}-1}{4}r^2 \times \frac{r}{4} = \frac{\sqrt{3}-1}{48}r^3$$

よって求める体積は,

$$\frac{\sqrt{3}+1}{24}r^3 + \frac{\sqrt{3}-1}{48}r^3 = \frac{3\sqrt{3}+1}{48}r^3 \text{ cm}^3$$

(※) 点 F から面 OAGE に垂線を下ろし交点を R とすると、 $GQ=FR$ で、 $2FR=CP$ となる。