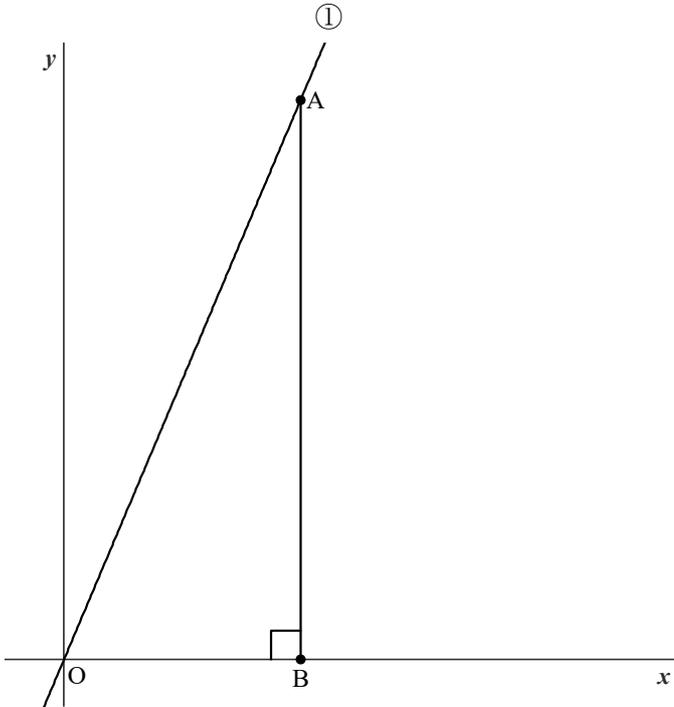


学校裁量問題の問題と解説⑪

【出典：2019年度 北海道 高校入試 過去問】

問1 下の図のように、関数 $y = \frac{12}{5}x$ ……①のグラフ上に点Aがあります。点Aのx座標は5とします。点Aからx軸に垂線をひき、x軸との交点をBとします。点Oは原点とします。

次の(1)、(2)に答えなさい。



- (1) 線分OAの長さを求めなさい。
- (2) 線分AB上に点Cをとり、点Cを通り線分OAに垂直な直線と線分OAとの交点をDとします。AD=3となる時、2点O、Cを通る直線の式を求めなさい。

問2 下の表は、A中学校のバスケットボール部員2、3年生24人の握力について調査し、まとめたものです。

次の(1)～(3)に答えなさい。

階級 (kg)	階級値 (kg)	度数 (人)	(階級値)×(度数)
以上 未満			
10～20	15	3	
20～30	25	ア	
30～40	35	イ	
40～50	45	2	
50～60	55	1	
計		24	720

- (1) 表から、24人の握力の平均値を求めなさい。
- (2) 表の「ア」、「イ」に当てはまる数をそれぞれ書きなさい。
- (3) 後日、1年生6人の握力を調査し、表に加えたところ、6人の握力は同じ階級に入り、表から求めた30人の握力の平均値は29kgでした。1年生6人の握力が入った階級を、次のように求めるとき、に解答の続きを書き入れて、解答を完成させなさい。

<解答>

30人の握力の平均値が29kgであることから、30人の(階級値)×(度数)の合計は、

【解答例】

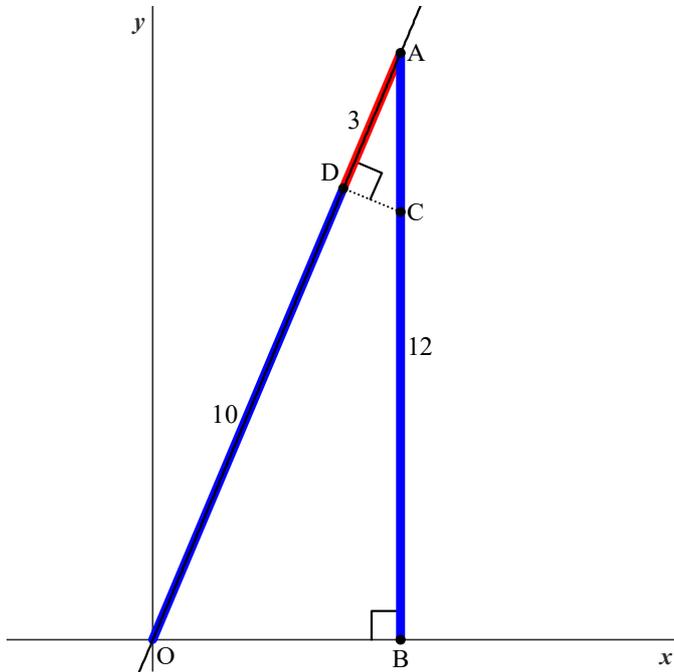
配点 21 点/60 点

問 1 (1) (3 点) 正答率 87.6%

A (5, 12) となるから、三平方の定理より、

$$OA = \sqrt{25 + 144} = \sqrt{169} = 13$$

問 1 (2) (5 点) 正答率 24.7%



$\triangle OAB \sim \triangle CAD$ となるから、

$$OA : CA = AB : AD \quad 13 : CA = 12 : 3$$

$$CA = \frac{39}{12} \quad \text{となるから、} C \text{ の } y \text{ 座標は } 12 - \frac{39}{12} = \frac{35}{4}$$

$$C \left(5, \frac{35}{4} \right) \text{ となるから、直線 } OC : y = \frac{7}{4}x$$

【コメント】

北海道の裁量問題は、誤答連鎖防止のため、(1)、(2) は独立していることが多いのですが、2018 年度、2019 年度と、関数の問題は (1) の結果を利用することが多い気がします。(1) ミスするとすべてアウト。

この問題は、簡単すぎて逆に不安になるパターンですね。

問 2 (1) (3 点) 正答率 84.7%

$$720 \div 2 = 30 \quad \mathbf{30 \text{ kg}}$$

問 2 (2) (4 点) 正答率 67.2%

階級 (kg)	階級値 (kg)	度数 (人)	(階級値) × (度数)
以上 未満			
10~20	15	3	45
20~30	25	ア	25 × ア
30~40	35	イ	35 × イ
40~50	45	2	90
50~60	55	1	55
計		24	720

表より、

$$3 + \text{ア} + \text{イ} + 2 + 1 = 24 \quad \text{すなわち} \quad \text{ア} + \text{イ} = 18 \cdots \text{①}$$

$$45 + 25 \times \text{ア} + 35 \times \text{イ} + 90 + 55 = 720 \quad \text{すなわち}$$

$$25 \text{ ア} + 35 \text{ イ} = 530 \cdots \text{②}$$

①、②を連立した方程式を解いて、**ア 10 イ 8**

問 2 (3) (6 点) 正答率 37.6%

30 × 29 = 870 である。…【2 点】
 24 人の (階級値) × (度数) の合計との差は、
 870 - 720 = 150 である。…【2 点】
 6 人は同じ階級に入るから、150 ÷ 6 = 25
 6 人は階級値 25 kg の階級…【1 点】
 すなわち、20 kg 以上 30 kg 未満の階級に入る。【1 点】

【コメント】

この表から平均値を求めたりする問題好きじゃないです。(現実でやるんですかね？私の見識が狭いだけの可能性あり)

問 2 (2) なんて数学の問題でしか出てきませんからね。無理やり難しい問題にしている気がします。

2016 年度~2018 年度と難易度がぶり返していましたが、何があったのでしょうかね。易しすぎます。これじゃあ差がつかない。内申点高い子が有利ですね。

内申点稼ぎにくい文教地区(中央区の例の中学校たち)はかなり不利になりました。

入試としては大失敗なのですが、報告書によると「問題ない」とのこと。得点分布からして異常なんですけどね??

たぶんですが、問 2 の予想正答率を誤りすぎた気がします。

【制作】芸術的な難問・良問数学

<https://hokkaimath.blog.fc2.com/>