

動点 P と確率と場合分け

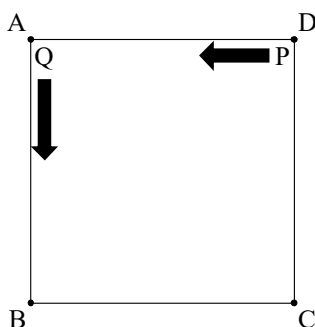
範囲：中 2 確率

難易度：★★★★☆

得点 /11

出典：2017 年度岐阜県

右の図のような、1 辺が 1 の正方形 ABCD があり、頂点 D に点 P、頂点 A に点 Q がある。赤と白の 2 個のさいころを同時に 1 回投げて、赤いさいころの出た目の数だけ P を左回りに頂点から頂点へ移動させ、白いさいころの出た目の数だけ Q を左回りに頂点から頂点へ移動させる。



たとえば、赤いさいころの出た目が 1、白いさいころの出た目が 2 のときは、P を $D \rightarrow A$ と移動させ、Q を $A \rightarrow B \rightarrow C$ と移動させる。

次の (1) ~ (3) の問いに答えなさい。

- (1) 赤と白の 2 個のさいころを同時に 1 回投げて、P、Q を移動させるとき、P の位置が頂点 B で、Q の位置が頂点 D になる確率を求めなさい。
- (2) 赤と白の 2 個のさいころを同時に 1 回投げて、P、Q を移動させるとき、P の位置と Q の位置が同じ頂点になる確率を求めなさい。
- (3) 右の表のように、各頂点の点数を決め、P、Q の移動後の位置に応じてそれぞれ点数を与える。赤と白の 2 個のさいころを同時に 1 回投げて、P、Q を移動させるとき、P の点数が Q の点数より高くなる確率を求めなさい。

頂点	A	B	C	D
点数	1	2	3	4

【解答例】

(6×6 表)

赤\白	1	2	3	4	5	6
1						
2						
3						
4						
5						
6						

(1) (3 点)

P の位置が頂点 B に来るには、赤いさいころの出目が 2, 6

Q の位置が頂点 D に来るには、白いさいころの出目が 3

$2 \times 1 = 2$ 通り (左の表で数えても良い) な

ので、求める確率は、 $\frac{2}{36} = \frac{1}{18}$

(2) (4 点)

(P が進んだ数) - (Q が進んだ数) が -3, 1, 5 となればよいので

(P が進んだ数, Q が進んだ数) = (1, 4) (2, 1) (2, 5) (3, 2) (3, 6) (4, 3)

(5, 4) (6, 5) (6, 1) の合計 9 通り。

$$\frac{9}{36} = \frac{1}{4}$$

(3) (4 点)

1) P が点 D にいるとき (赤いさいころは 4)

Q は A, B, C (白いさいころは 1, 2, 4, 5, 6) の 5 通り

2) P が点 C にいるとき (赤いさいころは 3)

Q は A, B (白いさいころは 1, 4, 5) の 3 通り

3) P が点 B にいるとき (赤いさいころは 2, 6)

Q は A (白いさいころは 4) の 2 通り

$5+3+2=10$ 通りなので、求める確率は

$$\frac{10}{36} = \frac{5}{18}$$

【コメント】

コンパクトながら，確率問題の色々な問われ方がされています。見た目すごく簡単そうですが，地味に (2) が地雷です。

(3) は中学数学では確率ぐらいでしか問われない場合分けです。なお，(2) もエレガントな解法が思いつかなかったら， P が 1 のとき…… P が 2 のとき……と場合分けを推奨します。

【作成】

高校入試 数学 良問・難問

<https://hokkaimath.jp/>