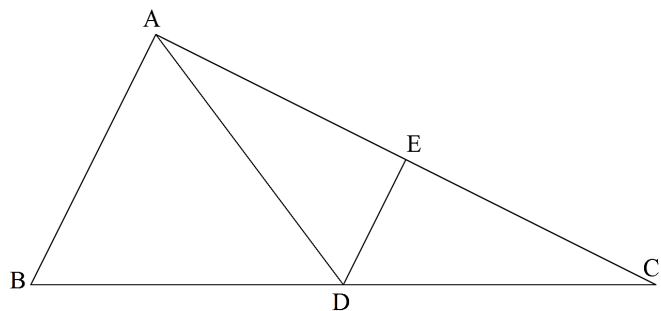


## 90° と二等辺 part2

範囲：中2図形，中3図形 | 難易度：★★★★☆☆

得点 \_\_\_\_\_ /8

下の図のように、 $\angle A=90^\circ$ ， $AB < AC$  の直角三角形  $ABC$  があります。辺  $BC$  上に、 $DA=DB$  となる点  $D$  をとり、点  $D$  から辺  $AB$  に平行な直線を引き、辺  $AC$  との交点を  $E$  とします。次の問いに答えなさい。



問1  $\triangle DAE \equiv \triangle DCE$  を証明しなさい。

問2  $\triangle ABC$  の面積が  $1 \text{ cm}^2$  のとき、 $\triangle ABD$  の面積を求めなさい。

## 90° と二等辺 part2 解答例

範囲：中2図形，中3図形 難易度：★★★★☆☆

### 問1 (5点)

$\triangle DAE$  と  $\triangle DCE$  において、

共通な辺だから、 $DE=DE$ …①【1点】

$AB//DE$  より、平行線の同位角は等しいから

$$\angle DEC = \angle BAC = 90^\circ$$

よって、 $\angle DEA = \angle DEC = 90^\circ$  …②【1点】

$DA=DB$  より、 $\triangle DAB$  は二等辺三角形なので、底角は等しいから、 $\angle DAB = \angle DBA$

$$\angle DAE = 90^\circ - \angle DAB$$

$$\angle DCE = 180^\circ - 90^\circ - \angle DBA$$

したがって、 $\angle DAE = \angle DCE$ …③【2点】

②、③より、 $\angle ADE = \angle CDE$ …④

①、②、④より、1組の辺とその間の角がそれぞれ等しいから、 $\triangle DAE \cong \triangle DCE$ 【1点】

### 問2 (3点)

$CE=EA$ ,  $AB//ED$  より、中点連結定理から、 $AB=2ED$ 。

$\triangle CAB : \triangle CED = 2^2 : 1^2 = 4 : 1$  より、

$\triangle CED = \frac{1}{4} \text{ cm}^2$   $\triangle ADE$  も  $\frac{1}{4} \text{ cm}^2$  となるので、

$$\triangle ABD = \frac{1}{2} \text{ cm}^2$$

### 【コメント】

何度  $90^\circ$  シリーズを作れば良いのか、まあいいでしょう。練習しておいて損はないです。